

Time Allotted: 2 Hours
Full Marks: 40

The figures in the margin indicate full marks. Candidates should answer in their own words and adhere to the word limit as practicable.

 উত্তর করিৰে।

All symbols are of usual significance.

## GROUP-A

1. Answer any ten questions from the following:

নিল্নলিখিত যে-কোনো দশটি প্রশ্নের উত্তর দাওঃ
(a) A force $\vec{F}=(-3 \hat{i}+\hat{j}+5 \hat{k})$ acts through a point $(7 \hat{i}+3 \hat{j}+\hat{k})$. Find the torque of the given force with respect to point $10 \hat{j}$.
একটি বল $\vec{F}=(-3 \hat{i}+\hat{j}+5 \hat{k})$ একটি বিन्দू $(7 \hat{i}+3 \hat{j}+\hat{k})-এ র$ মধ্যে দিয়ে ক্রিয়া করে।
$10 \hat{j}$ বিন্দুর সাপেক্ষে প্রদত্ত বলের টর্ক নির্ণয় করো।
(b) Calculate $\bar{\nabla} \cdot\left(\frac{\bar{r}}{r^{3}}\right)$, where $\bar{r}=\hat{i} x+\hat{j} y+\hat{k} z$.
$\bar{\nabla} \cdot\left(\frac{\vec{r}}{r^{3}}\right)$-এর মান নির্ণয় করো, বেখানে $\bar{r}=\hat{i} x+\hat{j} y+\hat{k} z$.
(c) In the absence of external torque, show that angular momentum of system of particle is constant.
দেখাও যে বস্তুর উপর কোনো টর্ক প্রযুক্ত না হলে বস্তুর কৌণিক ভরবেগ সর্বদা সংরক্ষিত থাকে।
(d) Find the angle between the vectors $\vec{A}=3 \hat{i}+2 \hat{j}-\hat{k}$ and $\vec{B}=4 \hat{i}-3 \hat{j}+\hat{k}$.
$\vec{A}=3 \hat{i}+2 \hat{j}-\hat{k}$ এবং $\vec{B}=4 \hat{i}-3 \hat{j}+\hat{k}$ ভেক্টরের মধ্যবর্তী কোণ নির্ণয় করো।
(e) If $\vec{F}$ is a conservative force, what is its relation to a scalar potential $\phi$ ?

यमি $\vec{F}$ একটি রহ্ষণশীল বল হয় তাহলে স্কেলার বিভবের $(\phi)$ সাথ্থ তার সশ্পর্ক কি ?
(f) Why Newton's law of gravitation is called universal law?

নিউটনের মহাকর্ষ সূব্রকে সর্বজনীন বলা হয় কেন ?
(g) What is geostationary satellite?

ভূসমনয় উপগ্রহ কি?
(h) State Hooke's law of elasticity.

হুকের স্থিতিস্থাপকতা সম্পর্কিত বিধি লেতো।
(i) What is a neutral surface of a bent beam? বাঁকানো দন্ডের নিরপপক্ষ ঢল কাকে বলে ?
(j) What is the differential equation for simple harmonic motion of a mass ' $m$ '? একটি ভর ' $m$ ' এর সরল দোলন এর জনা অবকল সমীকরূণ কি ?
(k) What do you mean by inertial and non-inertial frame of reference?

জড়ড্তীয় ও অজড়ড্বীয় নির্দেশতত্ত্র বলতে কী বোঝো ?
(1) With help of a labelled diagram showing variation of amplitude with frequency explain what you understand by resonance?
ক্্প্পক্কের সাথে প্রশস্ততার পরিবর্তনের লেখচিত্র অঙ্কন করো। লেখচিত্রের সাহায্যে অনুরণন বলতে কী বোঝো তা ব্যাখ্যা করো।
(m) State two postulates of special theory of relativity.

বিশেষ আপেক্ষিকতাবাদের স্বীকার্য দুটি লেখো।
(n) If $|\vec{A}+\vec{B}|=|\vec{A}-\vec{B}|$, then prove that $\vec{A}$ is perpendicular to $\vec{B}$.

যদি $|\vec{A}+\vec{B}|=|\vec{A}-\vec{B}|$ হয়, তবে প্রমাণ করো, $\vec{A}$ এবং $\vec{B}$ পরস্পরের লম্ব।

## GROUP-B

## Answer any two questions from the following <br> নিম্নলিখিত যে-কোনো দুটি প্রশ্নের উত্তর দাও

2. (a) Solve the differential equation $\frac{d^{2} y}{d x^{2}}+\frac{d y}{d x}-6 y=36 x$.

3
অবকল সমীকরণটি সমাধান করো, $\frac{d^{2} y}{d x^{2}}+\frac{d y}{d x}-6 y=36 x$ ।
(b) Prove that for any integral value of $n, r^{n} \vec{r}$ is an irrotational vector, but if $n=-3$ then the vector is solenoidal.

প্রমাণ করো যে, $n$-এর যে-কোনো মানের জন্য $r^{n} \vec{r}$ একটি অঘূর্ণ ভেক্টর। কিন্তু $n=-3$ रলে ভেক্র সলিনয়েডাল হবে।
(c) Establish conservation of linear momentum.

রৈখিক ভরবেগের সংরক্ষণ সূত্রটি প্রতিষ্ঠা করো।
3. (a) For what value of $p$, the vectors $\vec{A}=3 \hat{i}-4 \hat{j}+p \hat{k}$ and $\vec{B}=-\hat{i}-8 \hat{j}+\hat{k}$ are collinear to each other?
$p$-এর কোন মানের জন্য $\vec{A}=3 \hat{i}-4 \hat{j}+p \hat{k}$ এবং $\vec{B}=-\hat{i}-8 \hat{j}+\hat{k}$ ভেক্টর সমরৈशিক হবে ?
(b) Prove that $\vec{A} \times(\vec{B}+\vec{C})+\vec{B} \times(\vec{C}+\vec{A})+\vec{C} \times(\vec{A}+\vec{B})=0$.

প্রমাণ করো যে, $\vec{A} \times(\vec{B}+\vec{C})+\vec{B} \times(\vec{C}+\vec{A})+\vec{C} \times(\vec{A}+\vec{B})=0$.
(c) Derive an expression for the speed of a rocket after a time $t$ with initial mass $M_{0}$
and initial velocity $u_{0}$ and having a relative velocity to the exhaust gas $V_{\text {rel }}$ with respect to the rocket.
 आকেক্ষিক গতিবেে $V_{\text {rel }}$ रूलে। সময় পরে রকেটটির গতির সমীকর্ণের্র রাশিমালা উগথাদन কর্রে।
(d) Show that Newton's equation of motion remains unchanged in all inertial frame under Galilean transformation.
দেখাও যে, গ্যালিলীও রুপান্তরের ক্ষেত্রে নিউটনের গতিসূত্র অবিকৃত থাকে।
4. (a) Write down the differential equation of Damped vibration and find the solution for displacement. When the solution becomes oscillatory?
অবমন্দিত দোলনের অবকল সমীকরণটি লেখো এবং এর সরণের সমাধান নির্ণয় করো। কখন সমাধানটি অবমন্দিত দোলগতি হবে ?
(b) Prove that $Y=2 n(1+\sigma)$, where $Y$ is Young's modulus, $n$ is rigidity modulus and $\sigma$ is Poisson's ratio of the material.

প্রমাণ করো $Y=2 n(1+\sigma)$, যেখাে $Y$ হলো ইয়ং গুণাঙ্ক, $n$ হলো দৃত়তা গুণাঙ্ক এবং $\sigma$ হলো উপাদানের পয়সন অনুপাত।
(c) In between Stress and Strain which one is fundamental?

পীড়ন ও বিকৃতির মধ্যে কোনটি বেশী মৌলিক ?
5. (a) Write down the Lorentz transformation equations in special theory of relativity when the direction of uniform relative motion between the frames is along the common $x$-axis. Using these equations establish the formula for time-dilation.
বিশেষ আপেক্ষিকতাবাদে লোরেঞ্জ রূপান্তর সমীকরণগুলি লেখো যখন দুটি নির্দেশতষ্তের মধ্যে আপেক্ষিক সুষমবেগ $x$-অক্ষ বরাবর। এই সমীকরণগুলি ব্যবহার করে সময়ের বিস্তৃতি দেখাও।
(b) Are GPS satellites geostationary? What is the approximate distance of GPS satellite from the earth surface (only value)?
GPS উপগ্রহ কি ভূ-সমলয় উপগ্রহ ? এরা পৃথিবীপৃষ্ঠ থেকে কত দূরে পৃথিবীকে প্রদক্ষিণ করে (কেবলমাত্র মান) ?
(c) Define central force. Is gravitation a central type of force?

কেন্দ্রগ বলের সংজ্ঞা দাও। মহাকর্ষ বল কি কেন্দ্রগ ধরনের ?


